

Algorithmen auf Sequenzen

Organisatorisches

Zeit Mo und Fr, 10-12 (Vorlesung 2-3h/Woche, Übung 1-2h/Woche)

Ort OH16, E07

SpG 4 (Algorithmen und Komplexität)

Prüfungsleistungen (über 4 SWS = 6 ECTS credits)

- Leistungsnachweis durch Bearbeiten der Übungsaufgaben (2 / Woche)
- mündliche Fachprüfung über Vorlesung & Übungen

Anmeldung zu den Übungen

Ausgabe der Aufgaben: Montag. Abgabe der Aufgaben: Freitag.

Bitte jetzt den Anmeldezettel ausfüllen!

Weitere Informationen

<http://ls11-www.cs.tu-dortmund.de/people/rahmann/teaching/ss2008/AlgorithmenAufSequenzen>

Sprechstunde: Mo 16-17 in OH14, R214

Literatur

Gonzalo Navarro, Mathieu Raffinot

Flexible Pattern Matching in Strings

Cambridge University Press

ISBN: 0-521-03993-2

(möglicherweise vergriffen, Neudruck im Oktober)

Dan Gusfield

Algorithms on Strings, Trees and Sequences

Cambridge University Press

ISBN: 0-521-58519-8

David Sankoff und Joseph P. Kruskal

Time Warps, String Edits, and Macromolecules

University of Chicago Press

ISBN: 1-575-86217-4

(Taschenbuchausgabe von 2000 des 1983 erschienenen Originals)

weitere Originalliteratur im Lauf der Vorlesung

Warum Untersuchung von Sequenzen?

Relevant für viele Anwendungen, z.B.

- **Biosequenzen** (DNA, RNA, Proteine)
(aber: Genome sind komplexer als „nur“ eine DNA-Sequenz)



- **Texte** (Literatur, wissenschaftliche Texte)

Die Kunst hinter guter Literatur und hinter guten wissenschaftlichen Arbeiten besteht darin, schwierige, komplex zusammenhängende Sachverhalte in eine logische Abfolge von einzelnen Sätzen zu bringen.

- **Programme**

- **Dateien, Datenströme**

Komplexe Datenstrukturen werden serialisiert, um sie persistent zu machen.

- **Zeitreihen, Spektren**

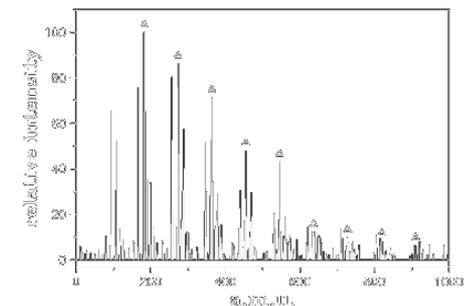
Audiosignale, Massenspektren, ...

Sequenzen sind serialisierte Information.

Sequenzen sind „eindimensional“

= einfach darzustellen und zu analysieren!

(Schwieriger sind z.B. Probleme auf Graphen)



Was ist eine Sequenz?

Sequenz (sequence) := Folge, im mathematischen Sinn

Bausteine

- Alphabet A (endlich oder unendlich)
- Linear geordnete Indexmenge I (endlich oder unendlich)

Eine durch I indizierte Folge s über A heißt Sequenz.

Schreibweisen

Funktionsschreibweise: $s: I \rightarrow A$

Tupelschreibweise: $s \in A^I$

Aufzählende Angabe von endlichem s :

Aneinanderreihung (Konkatenation) der Elemente, durch I gegebene Ordnung

Indizierung häufig durch Subskripte: $s = (s_i)_{i \in I}$

Beispiel $s = \text{AGGTC}$ ist eine Sequenz mit

$A = \{A, C, G, T\}$ (DNA-Alphabet),

$I = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ in der üblichen Ordnung,

Z.B. bildet s die 3 auf G ab, $s_3 = G$

Beispiele für Sequenztypen

In dieser Vorlesung (und in konkreten Anwendungen fast immer)

- Endliches Alphabet A
- Indexmenge $I = \{1, 2, \dots, N\}$ für ein endliches N

Beispiele

DNA-Sequenz	$A = \{A, C, G, T\}$
Protein-Sequenz	$A = 20$ Standard-Aminosäuren
C-Programme	$A =$ ASCII-Zeichen (7-bit)
Java-Programme	$A =$ Unicode-Zeichen
Audiosignal (16-bit samples)	$A = \{0, \dots, 2^{16}-1\}$
Massenspektrum	$A = [0, 1]$ (unendlich) oder Double

Darstellung im Computer (Java)

String (wenn $A \subseteq$ Unicode) oder $A[]$ oder $\text{ArrayList}\langle A \rangle$ oder $\text{Map}\langle I, A \rangle$

Probleme auf Sequenzen (Auswahl)

- Sequenzvergleich: Quantifikation von Ähnlichkeit / Unterschieden
- Anwendung: Revisionskontrolle, Verfolgen von Änderungen (z.B. subversion)
- Quantifikation der „Komplexität“ einer Sequenz (Datenkompression)
- Suche nach Mustern in Sequenzen (z.B. Textverarbeitung: find-replace)
- Approximative Mustersuche (Meier vs. Mayer)
- Suche nach einem Wort in einem Wörterbuch, das dem gegebenen am ähnlichsten ist
- Entdecken von wiederholten Teilsequenzen (Genomanalyse, Kompression)
- Entwicklung von Codes zur fehlertoleranten Übertragung von sequenzieller Information

Brief Biography

Sven Rahmann became a professor for [Bioinformatics for High-Throughput Technologies](#) at the [Chair of Algorithm Engineering, Computer Science Department, TU Dortmund](#) in October 2007.

Between August and December 2007, he spent four months at [HHMI Janelia Farm Research Campus](#) as a visiting scientist in [Gene Myers' lab](#).

Sven was an independent Junior Research Group leader of the [Computational Methods for Emerging Technologies \(COMET\)](#) group, formerly known as the [Algorithms and Statistics for Systems Biology](#) group, at Bielefeld University from March 2004 till September 2007. The group closely collaborated with the [Genome Informatics](#) group at the [Faculty of Technology \(Technische Fakultät\)](#) at Bielefeld University. During the same time, **Sven** was also a member of the [Institute of Bioinformatics \(IFB\)](#) at the [Center for Biotechnology \(CeBITec\)](#), and part of the faculty of the [Graduate School in Bioinformatics and Genome Research](#) at Bielefeld University.

From January 2001 till February 2004, **Sven** wrote his [doctoral thesis on oligonucleotide design for microarrays](#) in the [Computational Molecular Biology](#) group at the [Max Planck Institute for Molecular Genetics](#) in Berlin.

Between 1994 and the end of 2000, **Sven** studied mathematics and computer science with a focus on statistical methods in bioinformatics at the universities of Göttingen, UC Santa Cruz, and Heidelberg. During this time, he worked as a freelance programmer for the [Gothaer insurance company](#) and as a student assistant in the [Theoretical Bioinformatics](#) group of the [German National Cancer Research Center \(DKFZ\)](#), where he wrote his [Diploma \(M.Sc.\) thesis on word statistics in random texts](#).

Grundlegende Definitionen

- Alphabet A : endliche Menge
- A^n : Menge der Sequenzen der Länge n über A
- A^* : Menge aller endlichen Sequenzen über A
- A^+ : Menge aller nicht leeren endlichen Sequenzen
- ϵ : die leere Sequenz, das einzige Element in A^0

$$A^* := \bigcup_{n \geq 0} A^n$$
$$A^+ := \bigcup_{n \geq 1} A^n$$

Sequenz = String = Wort

Aber: Teilstring (substring) \neq Teilsequenz (subsequence)

Sei $s = (s_1, s_2, \dots, s_n)$ ein String.

Dann ist $s[i..j] := (s_i, s_{i+1}, \dots, s_j)$ für $i \leq j$ ein **Teilstring**. Für $j < i$ sei $s[i..j] := \epsilon$.

Ein Teilstring der Länge q heißt auch **q -gram** (Griechisch *gramma* = Buchstabe).

Eine **Teilsequenz** wird durch eine streng monoton steigende Folge von Indizes gegeben. Jeder Teilstring ist auch eine Teilsequenz, aber nicht umgekehrt.

Ein **Präfix** ist ein Teilstring, der leer ist oder an Position 1 beginnt.

Ein **Suffix** ist ein Teilstring, der leer ist oder an der letzten Position endet.