

Algorithmen auf Sequenzen

Erweiterte Muster

Sven Rahmann

Genominformatik
Universitätsklinikum Essen
Universität Duisburg-Essen
Universitätsallianz Ruhr

- Bisher wurden nur einfache Muster (Strings) behandelt
- In vielen Anwendungen ist es interessant, Muster zu betrachten, bei denen an bestimmten Stellen verschiedene Zeichen (oder beliebige Zeichen) stehen dürfen,
- oder Folgen beliebiger Zeichen mit variabler (beschränkter) Länge,
- oder Muster mit optionalen Zeichen.

- Bisher wurden nur einfache Muster (Strings) behandelt
- In vielen Anwendungen ist es interessant, Muster zu betrachten, bei denen an bestimmten Stellen verschiedene Zeichen (oder beliebige Zeichen) stehen dürfen,
- oder Folgen beliebiger Zeichen mit variabler (beschränkter) Länge,
- oder Muster mit optionalen Zeichen.
- Dies sind Teilmengen von regulären Ausdrücken, so dass man hierauf aufbauend effiziente Algorithmen zum Suchen nach regulären Ausdrücken (grep-Tool) entwickeln kann.

- Bisher wurden nur einfache Muster (Strings) behandelt
- In vielen Anwendungen ist es interessant, Muster zu betrachten, bei denen an bestimmten Stellen verschiedene Zeichen (oder beliebige Zeichen) stehen dürfen,
- oder Folgen beliebiger Zeichen mit variabler (beschränkter) Länge,
- oder Muster mit optionalen Zeichen.
- Dies sind Teilmengen von regulären Ausdrücken, so dass man hierauf aufbauend effiziente Algorithmen zum Suchen nach regulären Ausdrücken (grep-Tool) entwickeln kann.
- Alle hier genannten Erweiterungen lassen sich durch kleine Modifikationen des Shift-And-Algorithmus realisieren.

Verallgemeinerte Strings

- Verallgemeinerte Strings über Σ sind Strings, die *Teilmengen* von Σ als Zeichen besitzen, also Strings über 2^Σ .
- Mustermenge $\{\text{Meier}, \text{Meyer}\} \mapsto \text{Me}[\text{iy}]er$;
M Abkürzung für Menge $\{M\}$; $[\text{iy}]$ für $\{i,y\}$
- Wir schreiben $\#$ für $\Sigma \in 2^\Sigma$ (beliebiges Zeichen aus Σ)

Verallgemeinerte Strings

- Verallgemeinerte Strings über Σ sind Strings, die *Teilmengen* von Σ als Zeichen besitzen, also Strings über 2^Σ .
- Mustermenge $\{\text{Meier, Meyer}\} \mapsto \text{Me}[iy]er$;
M Abkürzung für Menge $\{M\}$; $[iy]$ für $\{i,y\}$
- Wir schreiben $\#$ für $\Sigma \in 2^\Sigma$ (beliebiges Zeichen aus Σ)
- Erweiterung des Shift-And-Algorithmus durch Anpassung der Bitmasken

Verallgemeinerte Strings

- Verallgemeinerte Strings über Σ sind Strings, die *Teilmengen* von Σ als Zeichen besitzen, also Strings über 2^Σ .
- Mustermenge $\{\text{Meier, Meyer}\} \mapsto \text{Me}[iy]er$;
 M Abkürzung für Menge $\{M\}$; $[iy]$ für $\{i,y\}$
- Wir schreiben $\#$ für $\Sigma \in 2^\Sigma$ (beliebiges Zeichen aus Σ)
- Erweiterung des Shift-And-Algorithmus durch Anpassung der Bitmasken
- Beispiel: $P = \text{abba}\#b$ mit $\Sigma = \{a,b\}$.

| | |
|----------|--------|
| | b#abba |
| $mask^a$ | 011001 |
| $mask^b$ | 110110 |

Beliebige Zeichenfolgen beschränkter Länge

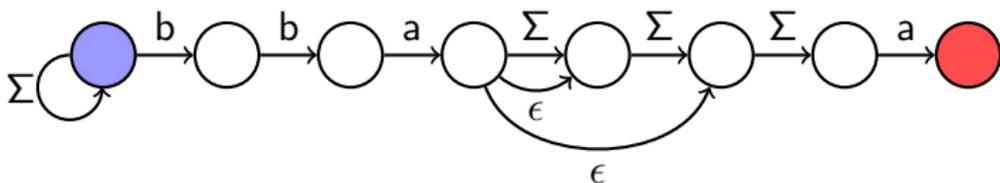


- Unter beliebigen Zeichenfolgen beschränkter Länge verstehen wir Folgen von konsekutiven Σ (als $\#$ geschrieben) mit fest definierter unterer und oberer Schranke für die Länge.
- $P = bba\#(1, 3)a$:
1 bis 3 beliebige Zeichen; 1 notwendig, 2 optional

Beliebige Zeichenfolgen beschränkter Länge



- Unter beliebigen Zeichenfolgen beschränkter Länge verstehen wir Folgen von konsekutiven Σ (als # geschrieben) mit fest definierter unterer und oberer Schranke für die Länge.
- $P = bba\#(1, 3)a$:
1 bis 3 beliebige Zeichen; 1 notwendig, 2 optional
- Realisierung mit ϵ -Übergängen im NFA,
 ϵ -Kanten gehen vom **Beginn** des Elements aus!



Beliebige Zeichenfolgen beschränkter Länge



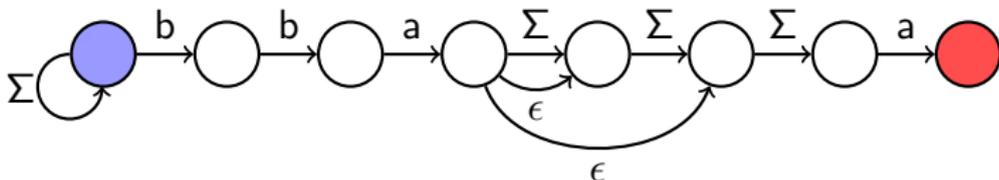
Einschränkungen:

- 1 Elemente $\#(,)$ nicht an erster oder letzter Stelle im Muster
- 2 Nicht zwei solche Elemente hintereinander
 $[\#(u, v)\#(u', v') \hat{=} \#(u + u', v + v')]$.
- 3 Für $\#(u, v)$ muss gelten: $1 \leq u \leq v$ (Fall $u = 0$ aufwändiger!)

Für die Zeichenmasken gilt: Für das Element $\#(u, v)$ werden für jedes Zeichen aus dem Alphabet genau v 1en hinzugefügt.

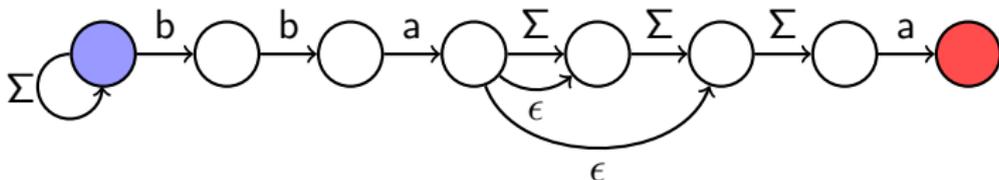
Beispiel mit $P = bba\#(1, 3)a$ und $\Sigma = \{a, b, c\}$:

| | |
|----------|---------|
| | a###abb |
| $mask^a$ | 1111100 |
| $mask^b$ | 0111011 |
| $mask^c$ | 0111000 |



- Bitmaske I enthält Zustände, von denen ϵ -Kanten ausgehen.
- Bitmaske F enthält Zustände **hinter** dem Ziel der letzten ϵ -Kante jedes Elements

| | | | |
|-----|---------|----------|---------|
| | a###abb | | a###abb |
| F | 0100000 | $mask^a$ | 1111100 |
| I | 0000100 | $mask^b$ | 0111011 |
| | | $mask^c$ | 0111000 |



- Um festzustellen, ob I -Zustand aktiv ist befindet, wird I mit der aktive Zustandsmenge verundet: $A \& I$.
- Durch Subtraktion $F - (A \& I)$ werden alle Zustände, die mit ϵ -Kanten von aktiven I -Zuständen erreicht werden, aktiviert.

$$\begin{array}{r} F \quad 0100000 \\ A \& I \quad 0000100 \\ \hline - \quad 0011100 \end{array}$$

- Um festzustellen, ob I -Zustand aktiv ist befindet, wird I mit der aktive Zustandsmenge verundet: $A \& I$.
- Durch Subtraktion $F - (A \& I)$ werden alle Zustände, die mit ϵ -Kanten von aktiven I -Zuständen erreicht werden, aktiviert.

$$\begin{array}{r} F \quad 0100000 \\ A \& I \quad 0000100 \\ \hline - \quad 0011100 \end{array}$$

- Problem, wenn ein I -Zustand nicht aktiv ist:
Der zugehörige F -Zustand bleibt gesetzt.

$$\begin{array}{r} F \quad 010000100000 \\ A \& I \quad 000000000100 \\ \hline - \quad 010000011100 \end{array}$$

- Lösung: Durch Negation von F wird eine Maske erzeugt, mit der wir unerwünschte F -Bits löschen

| | |
|----------------|--------------|
| F | 010000100000 |
| $A \& I$ | 000000000100 |
| <hr/> | |
| $F - (A \& I)$ | 010000011100 |

- Lösung: Durch Negation von F wird eine Maske erzeugt, mit der wir unerwünschte F -Bits löschen

| | |
|----------------------------|--------------|
| F | 010000100000 |
| $A \& I$ | 000000000100 |
| <hr/> | |
| $F - (A \& I)$ | 010000011100 |
| $\sim F$ | 101111011111 |
| <hr/> | |
| $(F - (A \& I)) \& \sim F$ | 000000011100 |

- Lösung: Durch Negation von F wird eine Maske erzeugt, mit der wir unerwünschte F -Bits löschen

$$\begin{array}{r} F \qquad \qquad \qquad 010000100000 \\ A \ \& \ I \qquad \qquad 000000000100 \\ \hline F - (A \ \& \ I) \qquad 010000011100 \\ \sim F \qquad \qquad \qquad 101111011111 \\ \hline (F - (A \ \& \ I)) \ \& \ \sim F \quad 000000011100 \end{array}$$

- Wegen der Einschränkung, dass zwei Elemente nicht unmittelbar aufeinander folgen, ist kein F -Zustand gleichzeitig I -Zustand des nächsten Elements.

Erweiterte Zustandsaktualisierung des Shift-And-Algorithmus:

- 1 Herkömmliche Shift-And-Update-Funktion anwenden:

$$A = ((A \ll 1) | 1) \& \text{mask}[c]$$

- 2 Zustandsvektor um neue aktive Zustände erweitern:

$$A = A | ((F - (A \& I)) \& \sim F)$$

Beispiel

Sei $P = \text{bba\#(1, 3) a}$ und $T = \text{bbacca}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | <hr/> | <hr/> |
| | | — | 0000000 |

$$A = 0000000$$

Beispiel

Sei $P = \text{bba\#(1, 3)a}$ und $T = \text{bbacca}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | <hr/> | <hr/> |
| | | — | 0000000 |

Update 1 mit b: $A = 0000001$

Sei $P = \text{bba\#(1, 3) a}$ und $T = \text{bbacca}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | <hr/> | <hr/> |
| | | — | 0000000 |

Update 2: $A = 0000001$

Beispiel

Sei $P = \text{bba\#(1, 3) a}$ und $T = \text{bbacca}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | <hr/> | <hr/> |
| | | — | 0000000 |

Update 1 mit b: $A = 0000011$

Beispiel

Sei $P = \text{bba\#(1, 3) a}$ und $T = \text{bbacca}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | <hr/> | <hr/> |
| | | — | 0000000 |

Update 2: $A = 0000011$

Beispiel

Sei $P = \text{bba}\#(1, 3)\text{a}$ und $T = \text{bba}\text{cca}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | — | 0000000 |

Update 1 mit a: $A = 0000100$

Beispiel

Sei $P = \text{bba}\#(1, 3)\text{a}$ und $T = \text{bb}\text{a}\text{cca}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000100 |
| $mask^c$ | 0111000 | <hr/> | <hr/> |
| | | — | 0011100 |

Update 2: $A = 0011100$

Beispiel

Sei $P = \text{bba}\#(1, 3)\text{a}$ und $T = \text{bba}\text{c}\text{ca}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | <hr/> | <hr/> |
| | | — | 0000000 |

Update 1 mit c : $A = 0111000$

Beispiel

Sei $P = \text{bba}\#(1, 3)\text{a}$ und $T = \text{bba}\text{c}\text{ca}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | — | 0000000 |

Update 2: $A = 0111000$

Beispiel

Sei $P = \text{bba\#(1, 3) a}$ und $T = \text{bbac\color{red}ca}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | <hr/> | <hr/> |
| | | — | 0000000 |

Update 1 mit c : $A = 0110000$

Beispiel

Sei $P = \text{bba\#(1, 3) a}$ und $T = \text{bbac\color{red}ca}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | <hr/> | <hr/> |
| | | — | 0000000 |

Update 2: $A = 0110000$

Beispiel

Sei $P = \text{bba}\#(1, 3)\text{a}$ und $T = \text{bbacc}\text{a}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | <hr/> | <hr/> |
| | | — | 0000000 |

Update 1 mit a: $A = 1100000$

Beispiel

Sei $P = \text{bba\#(1, 3) a}$ und $T = \text{bbacc\#a}$:

| | | | |
|----------|---------|------------|---------|
| | a###abb | | |
| $mask^a$ | 1111100 | F | 0100000 |
| $mask^b$ | 0111011 | $(A \& I)$ | 0000000 |
| $mask^c$ | 0111000 | <hr/> | <hr/> |
| | | — | 0000000 |

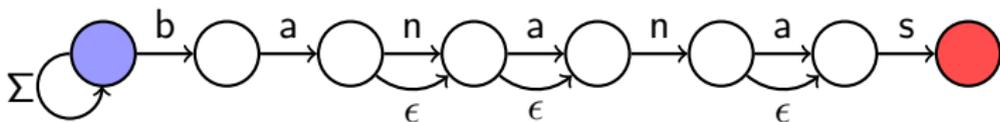
Update 2: $A = 1100000$ Treffer

- Mit einer zusätzlichen Erweiterung können optionale Zeichen verarbeitet werden, entspricht $\#(0, 1)$;
(bisher waren 0 Vorkommen nicht möglich!)
- Notation: ? hinter dem optionalen Zeichen
- $P = \{\text{color, colour}\} \mapsto P = \text{colou?r}$.
- Konsekutive ϵ -Transitionen (Blöcke) sind erlaubt.
- Auch diese Erweiterung lässt sich mit dem Shift-And-Algorithmus realisieren.

Implementierung: drei zusätzliche Bitasken

I : Blockbeginn; F : Blockende; O : Ziele von ϵ -Kanten

Beispiel: $P = \text{ban?a?na?s}$



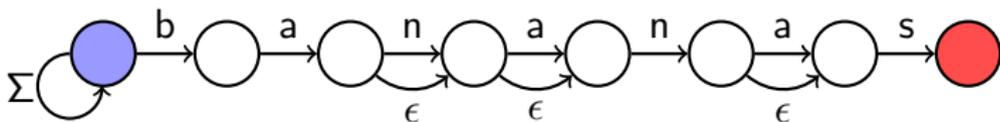
| | | | | | | | |
|-------|---|---|---|---|---|---|---|
| I : | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| F : | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| O : | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |

Optionale Zeichen

Implementierung: drei zusätzliche Bitasken

I : Blockbeginn; F : Blockende; O : Ziele von ϵ -Kanten

Beispiel: $P = \text{ban? a? na? s}$



| | | | | | | | |
|-------|---|---|---|---|---|---|---|
| I : | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| F : | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| O : | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |

Sobald ein Zustand innerhalb eines Blocks aktiv ist, müssen seine Folgezustände im Block aktiviert werden.

■ Propagierung mit Subtraktion

$$\begin{array}{r} 1101010000 \\ - 1 \\ \hline 1101001111 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1101011000 \\ - 100 \\ \hline 1101010100 \end{array}$$

- Propagierung mit Subtraktion

$$\begin{array}{r}
 1101010000 \\
 - \quad \quad \quad 1 \\
 \hline
 1101001111
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 1101011000 \\
 - \quad \quad \quad 100 \\
 \hline
 1101010100
 \end{array}$$

- Propagierung vom niederwertigsten aktiven Bit innerhalb eines Blocks bis zum F -Bit

| | |
|--------------|-------------------------------------|
| A .0010100. | A .0010100. |
| I .0000001. | A F .1010100. |
| O .1111110. | (A F)-I .1010011. |
| F .1000000. | (A F-I) = (A F) .1111000. |
| | O & (A F-I) = (A F) .1111000. |
| >> .1111100. | A (O & (A F-I) = (A F)) .1111100. |

- Propagierung mit Subtraktion

$$\begin{array}{r}
 1101010000 \\
 - \quad \quad \quad 1 \\
 \hline
 1101001111
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 1101011000 \\
 - \quad \quad \quad 100 \\
 \hline
 1101010100
 \end{array}$$

- Propagierung vom niederwertigsten aktiven Bit innerhalb eines Blocks bis zum F -Bit

| | |
|--------------|-------------------------------------|
| A .0010100. | A .0010100. |
| I .0000001. | A F .1010100. |
| O .1111110. | (A F)-I .1010011. |
| F .1000000. | (A F-I) = (A F) .1111000. |
| | O & (A F-I) = (A F) .1111000. |
| >> .1111100. | A (O & (A F-I) = (A F)) .1111100. |

- Bitweise Gleichheit $X = Y$ implementiert als $\sim(X \oplus Y)$.

Implementierung:

- 1 Masken für alle Zeichen aus Σ erstellen, dabei die optionalen Zeichen wie reguläre Zeichen behandeln.

- 2 Herkömmliche Shift-And-Update-Funktion anwenden:

$$A = ((A \ll 1) | 1) \& \text{mask}[c]$$

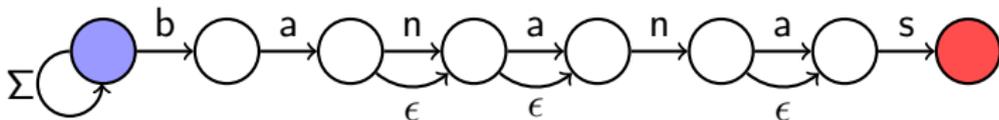
- 3 Zustandsvektor um neue aktive Zustände erweitern:

$$A_f = A | F$$

$$A = A | (O \& (\sim(A_f - I) \wedge A_f))$$

(Hier ist \wedge die xor-Operation.)

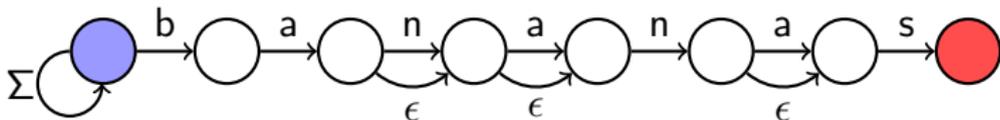
Beispiel



Sei $P = \text{ban?}a?n?a?s$ und $T = \text{banns}$:

| | | | |
|----------|---------|-----------------------------------|---------|
| | sanab | | |
| $mask^a$ | 0101010 | I | 0010010 |
| $mask^b$ | 0000001 | F | 0101000 |
| $mask^n$ | 0010100 | O | 0101100 |
| $mask^s$ | 1000000 | | |
| | | <hr/> | |
| | | $O \& (\sim(A_f - I) \oplus A_f)$ | 0000000 |

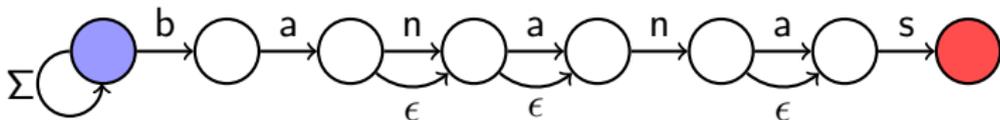
$$A = 0000000$$



Sei $P = \text{ban?a?na?s}$ und $T = \text{banns}$:

| | | | |
|----------|---------|-----------------------------------|---------|
| | sanab | | |
| $mask^a$ | 0101010 | I | 0010010 |
| $mask^b$ | 0000001 | F | 0101000 |
| $mask^n$ | 0010100 | O | 0101100 |
| $mask^s$ | 1000000 | | |
| | | <hr/> | |
| | | $O \& (\sim(A_f - I) \oplus A_f)$ | 0000000 |

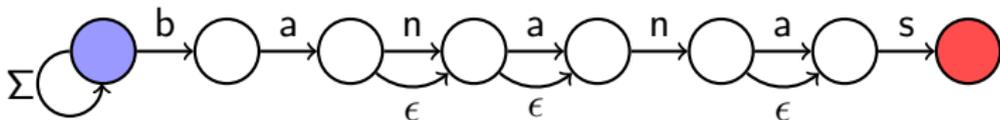
Update 1 mit b: $A = 0000001$



Sei $P = \text{ban?a?na?s}$ und $T = \text{banns}$:

| | | | |
|----------|---------|-----------------------------------|---------|
| | sanab | | |
| $mask^a$ | 0101010 | I | 0010010 |
| $mask^b$ | 0000001 | F | 0101000 |
| $mask^n$ | 0010100 | O | 0101100 |
| $mask^s$ | 1000000 | | |
| | | <hr/> | |
| | | $O \& (\sim(A_f - I) \oplus A_f)$ | 0000000 |

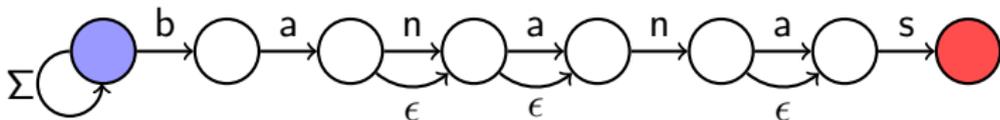
Update 2: $A = 0000001$



Sei $P = \text{ban?}a?n a?s$ und $T = \text{b}a\text{nn}s$:

| | | | |
|----------|---------|-----------------------------------|---------|
| | sananab | | |
| $mask^a$ | 0101010 | I | 0010010 |
| $mask^b$ | 0000001 | F | 0101000 |
| $mask^n$ | 0010100 | O | 0101100 |
| $mask^s$ | 1000000 | | |
| | | <hr/> | |
| | | $O \& (\sim(A_f - I) \oplus A_f)$ | 0000000 |

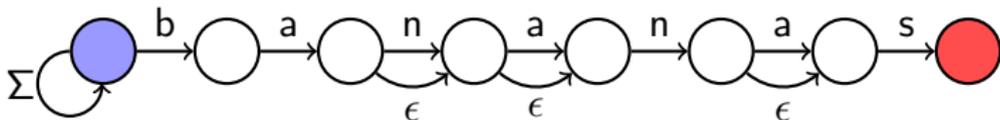
Update 1 mit a: $A = 0000010$



Sei $P = \text{ban?}a?n?a?s$ und $T = \text{b}a\text{nn}s$:

| | | | |
|----------|---------|-----------------------------------|---------|
| | sanab | | |
| $mask^a$ | 0101010 | I | 0010010 |
| $mask^b$ | 0000001 | F | 0101000 |
| $mask^n$ | 0010100 | O | 0101100 |
| $mask^s$ | 1000000 | | |
| | | <hr/> | |
| | | $O \& (\sim(A_f - I) \oplus A_f)$ | 0001100 |

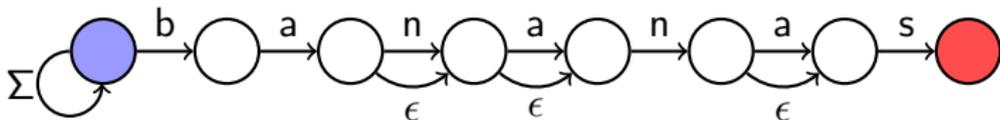
Update 2: $A = 0001110$



Sei $P = \text{ban?a?na?s}$ und $T = \text{banns}$:

| | | | |
|----------|---------|-----------------------------------|---------|
| | sanab | | |
| $mask^a$ | 0101010 | I | 0010010 |
| $mask^b$ | 0000001 | F | 0101000 |
| $mask^n$ | 0010100 | O | 0101100 |
| $mask^s$ | 1000000 | | |
| | | <hr/> | |
| | | $O \& (\sim(A_f - I) \oplus A_f)$ | 0000000 |

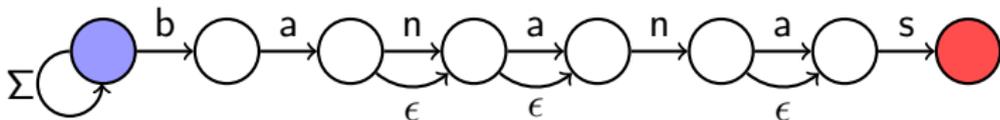
Update 1 mit n: $A = 0010100$



Sei $P = \text{ban?}a?n a?s$ und $T = \text{ban}n\text{s}$:

| | | | |
|----------|---------|-----------------------------------|---------|
| | sanab | | |
| $mask^a$ | 0101010 | I | 0010010 |
| $mask^b$ | 0000001 | F | 0101000 |
| $mask^n$ | 0010100 | O | 0101100 |
| $mask^s$ | 1000000 | | |
| | | <hr/> | |
| | | $O \& (\sim(A_f - I) \oplus A_f)$ | 0101100 |

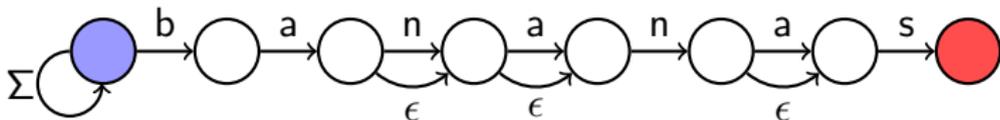
Update 2: $A = 0111100$



Sei $P = \text{ban?}a?n a?s$ und $T = \text{ban}ns$:

| | | | |
|----------|---------|-----------------------------------|---------|
| | sananab | | |
| $mask^a$ | 0101010 | I | 0010010 |
| $mask^b$ | 0000001 | F | 0101000 |
| $mask^n$ | 0010100 | O | 0101100 |
| $mask^s$ | 1000000 | | 0100000 |
| | | <hr/> | |
| | | $O \& (\sim(A_f - I) \oplus A_f)$ | 0100000 |

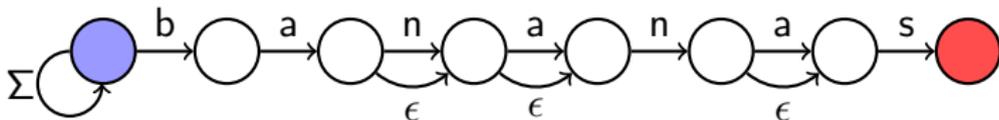
Update 2: $A = 0110000$



Sei $P = \text{ban?a?na?s}$ und $T = \text{bann}s$:

| | | | |
|----------|---------|-----------------------------------|---------|
| | sanab | | |
| $mask^a$ | 0101010 | I | 0010010 |
| $mask^b$ | 0000001 | F | 0101000 |
| $mask^n$ | 0010100 | O | 0101100 |
| $mask^s$ | 1000000 | | |
| | | <hr/> | |
| | | $O \& (\sim(A_f - I) \oplus A_f)$ | 0000000 |

Update 1 mit s : $A = 1000000$



Sei $P = \text{ban?}a?n?a?s$ und $T = \text{bann}s$:

| | | | |
|----------|---------|-----------------------------------|---------|
| | sanab | | |
| $mask^a$ | 0101010 | I | 0010010 |
| $mask^b$ | 0000001 | F | 0101000 |
| $mask^n$ | 0010100 | O | 0101100 |
| $mask^s$ | 1000000 | | |
| | | <hr/> | |
| | | $O \& (\sim(A_f - I) \oplus A_f)$ | 0000000 |

Update 2:

$A = 1000000$

Treffer

- Durch Modifikationen lässt sich der Shift-And-Algorithmus auf flexiblere Muster erweitern.
- Verallgemeinerte Strings, beliebige Zeichenfolgen beschränkter Länge und optionale Zeichen sind möglich.
- Laufzeiten ändern sich nicht.