

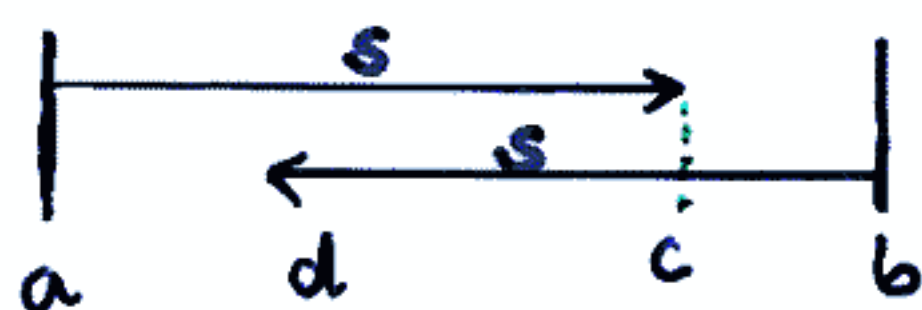
## 2. sequentielle Verfahren

## 2.1 Intervallteilungsverfahren

z. B. Fibonacci - Methode

$$f_N = f_{N-1} + f_{N-2} \quad ; \quad f_0 = f_1 = 1$$

$$\rightarrow 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, \dots$$



$$c^{(k)} = a^{(k)} + s^{(k)}$$

$$d^{(k)} = b^{(k)} - s^{(k)}$$

$$s^{(k)} = t^{(k)} \cdot (b^{(k)} - a^{(k)}) = b^{(k+1)} - a^{(k+1)}$$

$$t^{(k)} = \frac{f_{N-k-1}}{f_{N-k}}$$

$N$  = Zahl der Int.teilungen  
muß zuvor festgelegt werden

$$\text{wenn } F(d^{(k)}) < F(c^{(k)}) \quad : \quad \begin{aligned} a^{(k+1)} &= a^{(k)} \\ b^{(k+1)} &= c^{(k)} \end{aligned}$$

$$> \quad : \quad \begin{aligned} a^{(k+1)} &= d^{(k)} \\ b^{(k+1)} &= b^{(k)} \end{aligned}$$

$$N \sim \log \frac{b^{(0)} - a^{(0)}}{\varepsilon}$$

$$\text{oft vorzeitig } F(d^{(k)}) = F(c^{(k)})$$

$$\text{dann besser: } t^{(k)} = \frac{2}{1 + \sqrt{5}} \approx 0.618$$

Teilung nach dem goldenen Schnitt

$$[\text{aus } t^2 + t = 1]$$

max. 17% Versuche mehr; oft weniger

Aufangsintervall muß vorgegeben werden (Einschachtelungsverfahren)  
Unimodalität wird vorausgesetzt  
(nicht: Stetigkeit, Differenzierbarkeit)

nur 1 neue Stützstelle  
pro Iteration