

## DAP2 Praktikum – Blatt 9

Abgabe: 11.–15. Juni

**Wichtig:** Der Quellcode ist natürlich mit sinnvollen Kommentaren zu versehen. Überlegen Sie außerdem, in welchen Bereichen Invarianten gelten müssen, und überprüfen Sie diese ggf. an sinnvollen Stellen mit *Assertions* (siehe Hinweis auf Blatt 2).

### Kurzaufgabe 9.1: Traversieren von Binärbäumen (4 Punkte)

Ein *Suchbaum* ist ein binärer Baum mit der Eigenschaft, dass der Wert an jedem Knoten  $v$  größer ist als jeder Wert im linken Teilbaum von  $v$  und kleiner als jeder Wert im rechten Teilbaum von  $v$ . Um in einen bestehenden Suchbaum einen neuen Wert  $w$  einzufügen, soll folgendermaßen vorgegangen werden: Zunächst wird die Wurzel des Baums betrachtet. Ist der Wert hier kleiner als  $w$ , so wird  $w$  in den rechten Teilbaum eingefügt, und in den linken Teilbaum sonst. Das Vorgehen wird wiederholt bis ein leerer Teilbaum erreicht wurde. Dort kann der Wert  $w$  gespeichert werden. Der Suchbaum darf auch Werte doppelt beinhalten.

- (a) Erstellen Sie zeichnerisch auf Papier einen initial leeren Suchbaum, in den nacheinander die folgenden Zahlen eingefügt werden:

13, 17, 5, 3, -10, 100, 40, -5, 4, 12, 11

- (b) Ermitteln Sie die Zahlenfolgen, die wir erhalten, wenn wir diesen Baum in pre-, in- und post-order traversieren.
- (c) Implementieren Sie eine Klasse `SearchTree` in Java. Die Klasse soll einen Konstruktor haben, der ein Array aus Zahlen erwartet, um aus diesen Zahlen einen Suchbaum aufzubauen. Nachdem der Baum erstellt wurde, soll er in pre-, in- und post-order traversiert und ausgegeben werden.

## Kurzaufgabe 9.2: Rucksackproblem

(4 Punkte)

Implementieren Sie den in der Vorlesung vorgestellten Algorithmus zum Rucksackproblem. Der Algorithmus mit Laufzeit in  $\mathcal{O}(nW)$  verwendet eine Tabelle zur dynamischen Programmierung, wobei  $n$  die Anzahl der Elemente und  $W$  die Gewichtsschranke ist. Gehen Sie dabei wie folgt vor:

- Ihr Programm erwartet als Eingabeparameter die Anzahl  $n$  an Waren, eine Gewichtsschranke  $W$  sowie eine Zahl  $p$ .
- Erstellen Sie die Klasse `Article`, die die Attribute `value` und `weight` bereitstellt.
- Erstellen Sie  $n$  Waren. Die Gewichte (`weight`) sollen zufällig gezogene ganze Zahlen aus dem Intervall  $[0.8p, 1.25p]$  sein. Die Werte (`value`) sollen zufällig gezogene ganze Zahlen aus dem Intervall  $[100, 1000]$  sein
- Messen Sie die Laufzeit des Algorithmus abhängig von  $n$  und  $W$  und stellen Sie die Ergebnisse grafisch dar. Wie verhält sich Ihr Algorithmus für ein festes  $n$  bei wachsendem  $W$ ? Welche Entwicklung beobachten Sie für ein festes  $W$  und wachsendes  $n$ ?
- Schreiben Sie zusätzlich einen Algorithmus, der die Artikel mit dem besten Verhältnis von Wert zu Gewicht zuerst wählt, bis die Gewichtsschranke erreicht ist.
- Geben Sie schließlich die Werte aus, die mit den obigen beiden Algorithmen erzielt wurden.